

Subiectul III (30 de puncte)

Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

1. Utilizăm metoda backtracking pentru generarea tuturor modalităților de a scrie numărul 6 ca sumă a cel puțin două numere naturale nenule. Termenii fiecărei sume sunt în ordine crescătoare. Soluțiile se generează în ordinea: $1+1+1+1+1+1$, $1+1+1+1+2$, $1+1+1+3$, $1+1+2+2$, $1+1+4$, $1+2+3$, $1+5$, $2+2+2$, $2+4$ și $3+3$. Se aplică exact aceeași metodă pentru scrierea lui 9. Câte soluții de forma $2+\dots$ vor fi generate? (4p.)

a. 2

b. 3

c. 4

d. 5

Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

2. În secvența alăturată variabilele *i*, *j* și *aux* sunt întregi, iar *v* memorează un tablou unidimensional ale cărui elemente au următoarele valori: $v[1]=2$, $v[2]=13$, $v[3]=1$, $v[4]=5$, $v[5]=-4$. Care este numărul de interschimbări care se efectuează în urma executării secvenței alăturate? Dați un exemplu de alte 5 valori pentru elementele tabloului astfel încât, în urma executării secvenței alăturate, să nu se efectueze nicio interschimbare. (6p.)
3. a) Pe prima linie a fișierului **bac.in** se află un număr natural nenul *n* ($n \leq 1000$), iar pe a doua linie a fișierului se află un sir format din *n* numere naturale, despărțite prin câte un spațiu, fiecare număr fiind format din cel mult 4 cifre. Scrieți un program C/C++ care citește numerele din fișier și care afișează pe ecran mesajul **DA** dacă elementele pare în sir sunt în ordine crescătoare, iar cele impare sunt în ordine descrescătoare și mesajul **NU** în caz contrar. Alegeti un algoritm eficient ca timp de executare și spațiu de memorie utilizat. (6p.)

```
for(i=1;i<5;i++)
    for(j=5;j>i;j--)
        if(v[i]<v[j])
        {
            aux=v[i];
            v[i]=v[j];
            v[j]=aux;
        }
```

b) Descrieți succint, în limbaj natural, metoda utilizată, justificând eficiența acesteia. (4p.)

Exemplu: dacă fișierul **bac.in** are conținutul alăturat, pe ecran se va afișa: **DA**

10	10	1133	12	331	12	42	1354	221
13	13							

4. a) Scrieți definiția completă a subprogramului **sdiv** care primește prin intermediul parametrului *y* un număr natural cu cel mult 6 cifre și returnează suma tuturor divizorilor numărului *y*. (5p.)
- b) Scrieți un program C/C++ care citește de la tastatură un număr natural *n* ($n < 10000$) și care, folosind apeluri ale subprogramului **sdiv** verifică dacă suma divizorilor lui *n* este un număr prim. În caz afirmativ, programul va afișa pe ecran mesajul **Da** și în caz contrar va afișa mesajul **NU**.
- Exemplu:** dacă *n*=206, atunci programul va afișa: **NU** ($1+2+103+206=312$, iar 312 nu este un număr prim). (5p.)